



WELCOME

- পূর্ণাঙ্গ ভিডিও দেখতে

<https://www.youtube.com/watch?v=7CZaEuTbAsU>

- ফেসবুক গ্রুপ ICT CVGC

# পরিচিতি

শিক্ষক পরিচিতি



তপন ভট্টাচার্য  
সহযোগী অধ্যাপক  
কুমিল্লা ভিস্টোরিয়া সরকারি  
কলেজ।  
০১৮৪২-৭৭৭৮৮৮

পাঠ পরিচিতি

শ্রেণি : একাদশ - দ্বাদশ

বিষয় : তথ্য ও যোগাযোগ প্রযুক্তি

অধ্যায় - ৩

অ্যাডার

# শিখনফল

পাঠ শেষে শিক্ষার্থীরা ...

অ্যাডার কি তা ব্যাখ্যা করতে পারবে ।

অ্যাডার এর প্রকারভেদ ব্যাখ্যা করতে পারবে ।

বিভিন্ন অ্যাডার এর সত্যক সারণী ও বর্তনী আঁকতে পারবে ।

# অ্যাডার (Adder)

যে সমবায় সার্কিটের সাহায্যে একাধিক বাইনারী বিট যোগ করে যোগফল ও হাতে থাকা নির্ণয় করা যায়, তাকে অ্যাডার বলে।

ইহা দ্বারা কম্পিউটারের অধিকাংশ গানিতিক কাজ (যেমন - যোগ, বিয়োগ, গুণ, ভাগ ইত্যাদি) সম্পন্ন করা যায় বলে ইহা খুব গুরুত্বপূর্ণ।

# অ্যাডার এর প্রকারভেদ

Adder (যোগ বর্তনী)

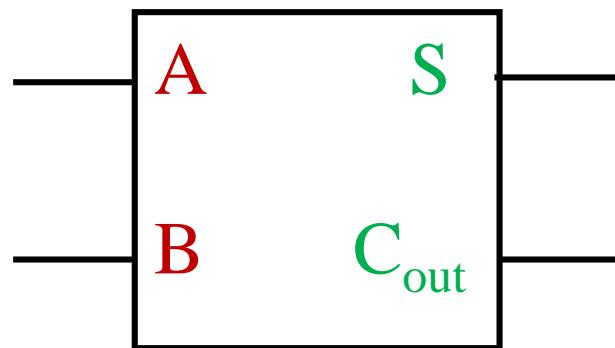
অর্ধ-যোগ বর্তনী বা হাফ অ্যাডার (Half Adder)

পূর্ণ-যোগ বর্তনী বা ফুল অ্যাডার (Full Adder)

## অর্ধ-যোগ বর্তনী বা হাফ অ্যাডার

যে অ্যাডারের সাহায্যে শুধু দুটি বাইনারী বিট ( $A, B$ ) যোগ করে যোগফল (Sum,  $S$ ) ও হাতে থাকা (Carry Out,  $C_{out}$ ) নির্ণয় করা যায়, তাকে হাফ অ্যাডার বলে।

প্রতীক



# অর্ধ-যোগ বর্তনী বা হাফ অ্যাডার

সমীকরণ

$$S = \overline{A}\overline{B} + A\overline{B} = A \oplus B$$

$$C_{out} = AB$$

0 হলে ‘চলক নট’, 1 হলে ‘চলক’

সত্যক সারনী

ইনপুট		আউটপুট	
A	B	S	C <sub>out</sub>
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

Red arrows point to the inputs  $\overline{AB}$ ,  $A\overline{B}$ , and  $AB$  respectively.

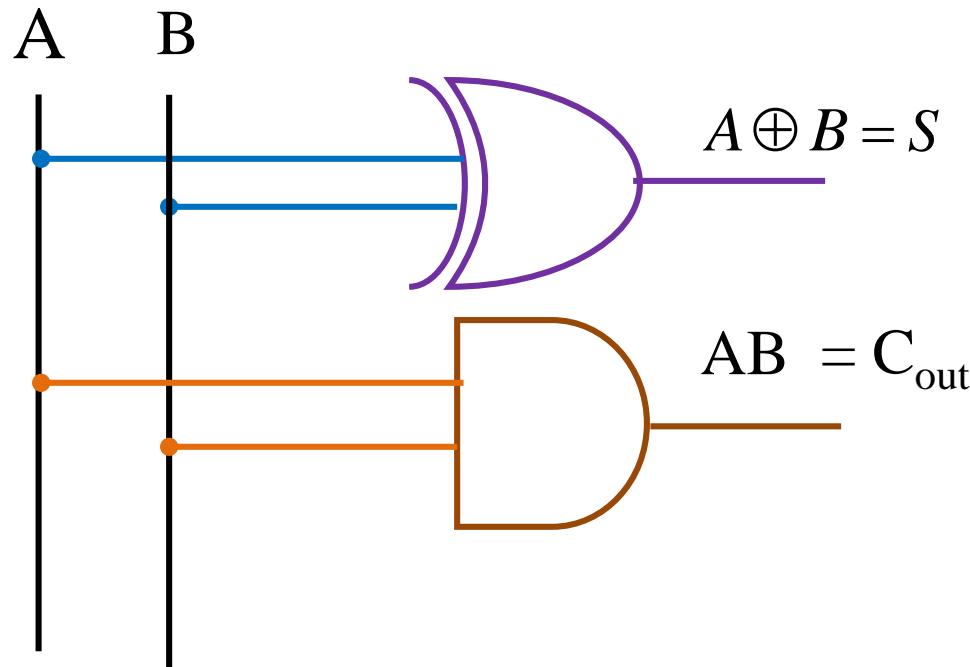
# অর্ধ-যোগ বর্তনী বা হাফ অ্যাডার

সমীকরণ

$$S = A \oplus B$$

$$C_{\text{out}} = A \cdot B$$

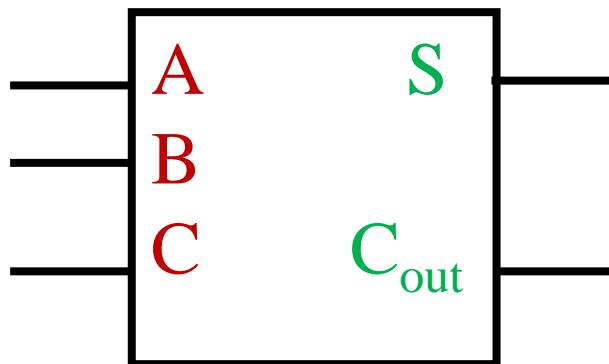
সার্কিট



## পূর্ণ-যোগ বর্তনী বা ফুল অ্যাডার

যে অ্যাডারের সাহায্যে দুটি বাইনারী বিটের ( $A, B$ ) সাথে পূর্ববর্তী হাতে থাকা বিট ( $C$ ) যোগ করে যোগফল (Sum,  $S$ ) ও হাতে থাকা (Carry Out,  $C_{out}$ ) নির্ণয় করা যায়, তাকে ফুল অ্যাডার বলে।

প্রতীক



# পূর্ণ-যোগ বর্তনী বা ফুল অ্যাডার

সমীকরণ

$$S = \bar{A} \bar{B} C + \bar{A} B \bar{C} + A \bar{B} \bar{C} + ABC$$

$$C_{out} = \bar{A} BC + A \bar{B} C + AB \bar{C} + ABC$$

ইনপুট			আউটপুট	
A	B	C	S	$C_{out}$
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

Diagram showing the mapping of input binary values to output S and  $C_{out}$ . Red arrows point from the first four rows to the first four output terms in the sum-of-products expression. Green arrows point from the last four rows to the last four output terms.

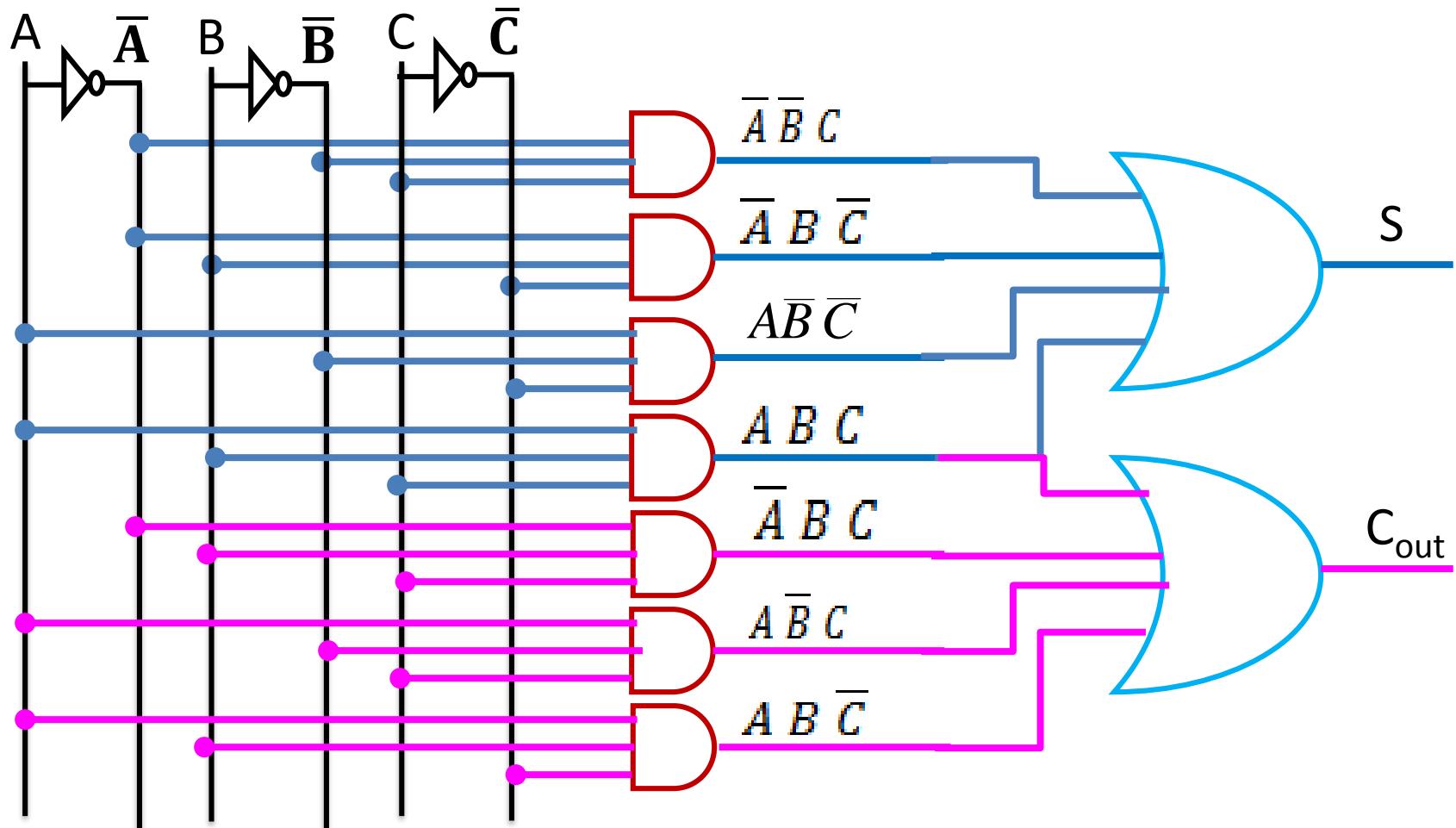
0 হলে 'চলক নট', 1 হলে 'চলক'

# মৌলিক গেট দিয়ে ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন

সমীকরণ

$$S = \overline{A} \overline{B} C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + ABC$$

$$C_{out} = \overline{A} B C + A \overline{B} C + A B \overline{C} + ABC$$



হাফ অ্যাডার দিয়ে ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন

হাফ অ্যাডারে, A, B ইনপুট হলে,

যোগফল (Sum),  $S = A \oplus B$

হাতে থাকা (Carry Out),  $C_{out} = AB$

## হাফ অ্যাডার দিয়ে ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন

ফুল অ্যাডারে,  $A, B, C$  ইনপুট হলে,

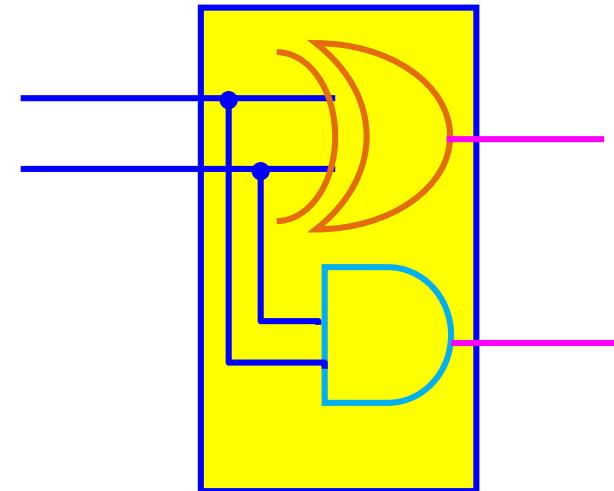
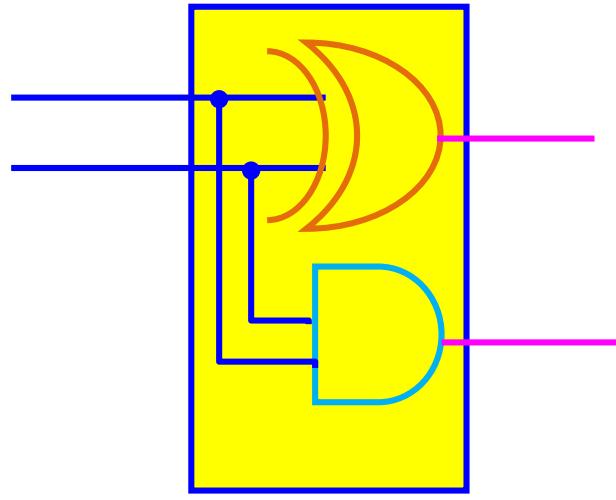
$$\begin{aligned}\text{যোগফল (Sum), } S &= \overline{A} \overline{B} C + A \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A B C \\&= \overline{B}(\overline{A} C + A \overline{C}) + B(\overline{A} \overline{C} + A C) \\&= \overline{B}(A \oplus C) + B(\overline{A \oplus C}) \\&= A \oplus B \oplus C\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{হাতে থাকা (Carry Out), } C_{\text{out}} &= \overline{A} B C + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C \\&= C(\overline{A} B + A \overline{B}) + A B (\overline{C} + C) \\&= C.(A \oplus B) + A B\end{aligned}$$

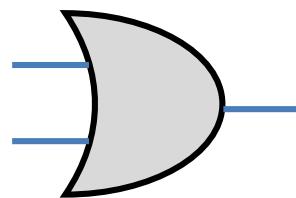
# হাফ অ্যাডার দিয়ে ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন

উপরোক্ত সুত্রসমূহ ব্যবহার করে

দুটি হাফ অ্যাডার

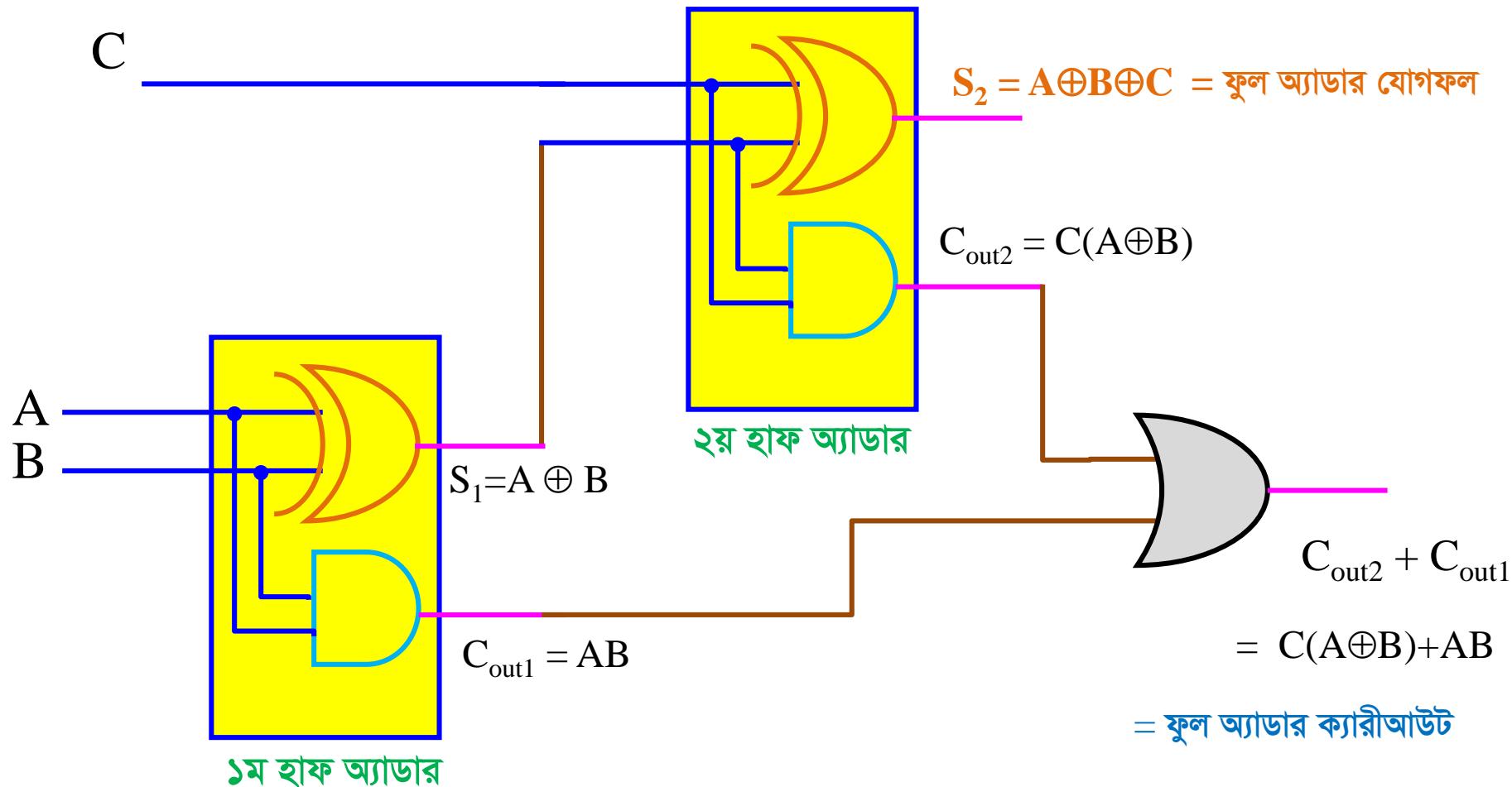


ও একটি অর গেট দিয়ে



একটি ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন করা যায়

# হাফ অ্যাডার দিয়ে ফুল অ্যাডার বাস্তবায়ন



**Thank  
You**